

Cumulative Quad Pths

(142)

1479

1480

$v = a^2 + 2d^2$

also M7AC

23 459 69

2340

2341

2342

3

~~2343~~

2344

2345

QUADRATIC PARTITIONS.

p	p-1	a	b	c	d	e	f	A	B	L	M	x	y	X	Y	t	u	v	w		
2	1	1	1	0	1	2	1														
3	2			1	1			0	1	0	2								1	1	
5	4			1	2							5	2	5	1				3	1	
7	2,3					3	1	2	1	1	1					0	1				
11	2,5					3	1					4	1	7	1	2	1		0	2	
13	4,3					3	2			1	2	5	1								
17	16			1	4	3	2	5	2												
19	2,9					1	3			4	1	7	1	8	3	9	1				
23	2,11							5	1								4	1	9	1	
29	4,7					5	2					7	2	11	1	1	2				
31	2,3,5							7	3	2	3	4	2	6	1	12	2		5	3	
37	4,9			1	6					5	2	11	1				3	2	7	3	
41	8,5			5	4	3	4	7	2					11	4	13	1				
43	2,3,7					5	3			4	3	8	2					6	1		
47	2,2,3							7	1									5	2	6	4
53	4,13			7	2																
59	2,29					3	5					8	1	10	2			15	1		
61	4,3,5			5	6			7	2	1	3	9	2	17	3						
67	2,3,11					7	3			8	1	5	3				2	3	13	3	
71	2,5,7							11	5					14	5	17	1	8	1	3	5
73	8,9			3	8	1	6	9	2	5	4	7	3								
79	2,3,13							9	1	2	5	17	1	18	7	19	3	4	3		
83	2,41					9	1														
89	8,11			5	8	9	2	11	4			13	4	19	1			9	5		
97	32,3			9	4	5	6	13	6	7	4	19	1					17	3		
101	4,25			1	10									11	2	22	4				
103	2,3,17							11	3	10	1	13	3							4	0
107	2,53					3	7			1	6	2	4	17	6	21	1	9	2		
109	4,27			3	10													1	4	21	1
113	16,7			7	8	9	4	11	2									8	3		
127	2,9,7							15	7	10	3	20	2								
131	2,5,13					9	5							16	5	23	1				
137	8,17			11	4	3	8	13	4									5	4	3	7
139	2,3,23					11	3			8	5	23	1	12	1	24	2				
149	4,37			7	10									13	2	26	4	11	2		
151	2,3,25							13	3	2	7	19	3	14	3	27	5	12	1		
157	4,3,13			11	6					7	6	14	4						23	3	
163	2,81					1	9			4	7	25	1					10	3	10	0
167	2,83							13	1												
173	4,43			13	2																
179	2,89					9	7							28	11	29	5	2	5	21	5

2346
2347

Cumulative Quad Pths
[142]

2330
-2347

2332

2333

2334

2335

2338

2339

Max = 2344

Min = 2343

Max = 2330
Min = 2331

2330
2332
2339

p	$p-1$	a	b	c	d	e	f	A	B	L	M	x	y	X	Y	t	u	v	w	
181	4.9.5	9,10	—	—	—	13, 2	7, 5	49, 6	27, 1	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	25, 3
191	2.5.19	—	—	—	—	17, 7	—	—	—	—	—	14, 1	28, 2	4, 5	—	—	—	—	—	15, 7
193	6.4.3	7,12	11, 6	—	—	15, 4	1, 8	23, 3	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	29, 9
197	4.4.9	1,14	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	13, 2
199	2.9.11	—	—	—	—	19, 9	14, 1	11, 5	—	—	—	18, 5	29, 3	—	—	—	—	—	—	20, 6
211	2.3.5.7	—	7, 9	—	—	—	8, 7	13, 5	16, 3	32, 6	6, 5	—	—	—	—	—	—	—	—	—
223	2.3.3.7	—	—	—	—	15, 1	14, 3	28, 2	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	1, 9
227	2.1.13	—	15, 1	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
229	4.3.19	15, 2	—	—	—	11, 6	22, 4	27, 10	31, 3	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	5, 9
233	8.2.9	13, 8	15, 2	19, 8	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	11, 4
239	2.7.17	—	—	—	—	17, 5	—	—	—	—	—	22, 7	31, 1	8, 5	—	—	—	—	—	—
241	16.3.5	15, 4	13, 6	21, 10	7, 8	17, 5	—	—	—	—	—	31, 12	33, 5	—	—	—	—	—	—	—
251	2.1.25	—	3, 11	—	—	—	—	—	—	—	—	16, 1	32, 2	—	—	—	—	—	—	27, 5
257	25.9	1, 16	15, 4	17, 4	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	18, 8
263	2.1.31	—	—	—	—	19, 7	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	16, 1
269	4.6.7	13, 10	—	—	—	—	—	—	—	—	—	17, 2	34, 4	—	—	—	—	—	—	—
271	2.2.7.5	—	—	—	—	17, 3	13, 5	29, 3	26, 9	33, 1	—	—	—	—	—	—	—	—	—	30, 4
277	4.3.23	9, 14	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
281	8.5.7	5, 16	9, 10	17, 2	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
283	2.3.4.7	—	11, 9	—	—	16, 3	32, 2	—	—	—	—	19, 4	37, 7	13, 4	—	—	—	—	—	—
293	4.7.3	17, 2	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
307	2.9.17	—	17, 3	—	—	8, 9	16, 6	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
311	2.5.31	—	—	—	—	19, 5	—	—	—	—	—	24, 13	37, 5	—	—	—	—	—	—	—
313	8.3.13	13, 12	5, 12	21, 8	11, 8	35, 1	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
317	4.7.9	11, 14	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
331	2.3.5.11	—	13, 9	—	—	16, 5	1, 7	24, 7	37, 3	18, 1	35, 3	—	—	—	—	—	—	—	—	—
337	16.3.7	9, 16	7, 12	25, 12	17, 4	5, 7	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
347	2.1.7.5	—	3, 13	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
349	4.3.29	5, 18	—	—	—	7, 10	37, 1	23, 6	39, 5	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
353	32.1.1	17, 8	15, 8	19, 2	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	9, 11
359	2.1.7.9	—	—	—	—	19, 1	—	—	—	—	—	22, 5	41, 7	4, 7	—	—	—	—	—	—
367	2.3.9.1	—	—	—	—	23, 9	2, 11	35, 3	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
373	4.3.31	7, 18	—	—	—	19, 2	13, 7	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
379	2.2.7.7	—	19, 3	—	—	4, 11	29, 5	28, 9	39, 1	6, 7	25, 9	—	—	—	—	—	—	—	—	—
383	2.1.9.1	—	—	—	—	25, 11	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
389	4.9.7	17, 10	—	—	—	—	—	—	—	—	—	37, 14	41, 5	19, 2	15, 11	—	—	—	—	—
397	4.9.11	19, 6	—	—	—	17, 6	34, 4	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
401	16.2.5	1, 20	3, 14	23, 8	—	—	—	—	—	—	—	41, 16	43, 7	17, 4	39, 8	—	—	—	—	—
409	8.3.17	3, 20	11, 12	21, 4	19, 4	31, 5	—	—	—	—	—	27, 8	41, 3	—	—	—	—	—	—	—
419	2.11.19	—	9, 13	—	—	—	—	—	—	—	—	32, 11	41, 1	—	—	—	—	—	—	—

p	$p-1$	a	b	c	d	e	f	A	B	L	M	x	y	X	Y	t	u	v	w	
421	4.3.5.7	15, 14	—	—	—	11, 10	10, 7	21, 2	42, 4	13, 6	10, 12	—	—	—	—	—	—	—	—	—
431	2.5.4.3	—	—	—	—	23, 7	—	—	—	—	—	26, 7	43, 5	10, 5	—	—	—	—	—	—
433	16.2.7	17, 12	19, 6	21, 2	1, 12	2, 8	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
439	2.3.7.3	—	—	—	—	21, 1	14, 9	28, 0	22, 3	44, 0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
443	2.13.17	—	21, 1	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
449	6.4.7	7, 20	21, 2	29, 14	—	—	—	—	—	—	—	23, 4	40, 8	1, 8	30, 5	—	—	—	—	—
457	8.3.19	21, 4	13, 12	23, 6	5, 12	10, 8	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
461	4.5.23	19, 10	—	—	—	—	—	—	—	—	—	31, 10	43, 1	—	—	—	—	—	—	—
463	2.3.7.11	—	—	—	—	25, 0	10, 11	23, 7	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
467	2.2.3.3	—	15, 11	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
479	2.2.3.9	—	—	—	—	23, 5	—	—	—	—	—	22, 1	44, 2	—	—	—	—	—	—	—
487	2.2.4.3	—	—	—	—	27, 11	22, 4	25, 7	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
491	2.5.4.9	—	21, 5	—	—	—	—	—	—	—	—	44, 17	47, 7	22, 1	—	—	—	—	—	—
499	2.3.8.3	—	7, 15	—	—	10, 0	32, 6	48, 10	40, 0	18, 5	40, 0	—	—	—	—	—	—	—	—	—
503	2.2.5.1	—	—	—	—	29, 13	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
509	4.1.2.7	5, 22	—	—	—	—	—	—	—	—	—	23, 2	40, 4	—	—	—	—	—	—	—
521	8.5.13	11, 20	3, 16	23, 2	—	—	—	—	—	—	—	20, 8	47, 5	—	—	—	—	—	—	—
523	2.9.2.9	—	19, 9	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
541	4.2.7.5	21, 10	—	—	—	23, 2	20, 7	30, 14	47, 3	17, 6	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
547	2.3.7.13	—	23, 3	—	—	20, 7	1, 9	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
557	4.1.3.9	19, 14	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
563	2.2.8.1	—	15, 13	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
569	8.7.1	13, 20	21, 8	31, 14	—	—	—	—	—	—	—	43, 16	40, 5	11, 8	—	—	—	—	—	—
571	2.3.5.19	—	—	—	—	11, 15	—	—	—	—	—	8, 13	31, 7	24, 1	48, 2	2, 9	—	—	—	—
577	6.4.9	1, 24	17, 12	33, 16	23, 4	11, 9	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
587	2.2.9.3	—	3, 17	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
593	16.3.7	23, 8	9, 16	25, 4	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
599	2.1.3.2.3	—	—	—	—	29, 11	—	—	—	—	—	38, 13	40, 1	16, 7	30, 10	—	—	—	—	—
601	8.3.2.5	5, 24	23, 6	27, 8	13, 12	20, 8	51, 20	53, 0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
607	2.3.1.0.1	—	—	—	—	25, 3	10, 13	49, 1	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
613	4.9.1.7	17, 18	—	—	—	—	—	—	—	—	—	5, 14	47, 3	—	—	—	—	—	—	—
617	8.7.1.1	19, 16	15, 14	25, 2	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
619	2.3.1.0.3	—	—	—	—	13, 15	—	—	—	—	—	16, 11	17, 9	32, 0	51, 5	—	—	—	—	—
631	2.9.5.7	—	—	—	—	27, 7	22, 7	43, 5	26, 3	52, 6	8, 9	7, 15	—	—	—	—	—	—	—	—
641	12.8.5	25, 4	21, 10	29, 10	—	—	—	—	—	—	—	31, 8	53, 7	23, 4	45, 7	—	—	—	—	—
643	2.3.1.0.7	—	—	—	—	25, 3	—	—	—	—	—	20, 9	40, 6	—	—	—	—	—	—	—
647	2.1.7.1.9	—	—	—	—	35, 17	—	—	—	—										

p	$p-1$	a	b	c	d	A	B	L	M
99 667	2.9.49.113	—	—	287,	93	148,161	335,103	—	—
99 679	2.3.37.449	—	—	—	—	314,	19 257,111	—	—
99 689	8.17.733	283,149	99,212	—	—	—	—	—	—
99 707	2.49.853	—	—	45,221	—	—	—	—	—
99 709	4.3.7.1187	315,	22	—	—	169,154	634,	5	—
99 713	128.19.41	167,268	309,	46	—	—	—	—	—
99 719	2.73.683	—	—	—	—	—	—	—	—
99 721	8.9.5.277	285,136	289,	90	293,	68	497,	75	—
99 733	4.3.8311	313,	42	—	—	19,182	527,	67	—
99 761	16.5.29.43	185,256	297,	76	—	—	—	—	—
99 767	2.83.601	—	—	—	—	—	—	—	—
99 787	2.3.16931	—	—	245,141	100,173	319,	91	—	—
99 793	16.81.7.11	287,132	35,222	311,	32	407,	93	—	—
99 809	32.3119	265,172	69,218	—	—	—	—	—	—
99 817	8.3.4159	301,	96	175,186	83,176	611,	31	—	—
99 823	2.3.127.131	—	—	—	—	110,171	220,114	—	—
99 829	4.9.47.59	105,298	—	—	—	131,166	367,	90	—
99 833	8.12479	277,152	135,202	—	—	—	—	—	—
99 839	2.49919	—	—	—	—	—	—	—	—
99 859	2.3.11.17.89	—	—	119,207	316,	1	319,105	—	—
99 871	2.3.5.3329	—	—	—	—	142,163	631,	7	—
99 877	4.3.7.29.41	79,306	—	—	—	235,122	131,119	—	—
99 881	8.5.11.227	5,316	141,200	—	—	—	—	—	—
99 901	4.27.25.37	315,	26	—	—	23,182	569,	53	—
99 907	2.3.16651	—	—	193,177	308,	41	431,	89	—
99 923	2.47.1063	—	—	225,157	—	—	—	—	—
99 929	8.12491	227,220	171,188	—	—	—	—	—	—
99 961	8.3.5.49.17	275,156	293,	84	277,	88	541,	63	—
99 971	2.5.13.769	—	—	207,169	—	—	—	—	—
99 989	4.7.3571	217,230	—	—	—	—	—	—	—
99 991	2.9.5.11.101	—	—	—	—	278,	87	556,	58

$$p = 12\alpha + 1 = A^2 - 3B^2, [A' > 3B']$$

p	A'	B'	p	A'	B'	p	A'	B'
13	4,	1	1093	40,13	2293	49,	6	3613
37	7,	2	1117	35,	9	2341	52,11	3637
61	8,	1	1129	34,	3	2377	53,12	3673
73	10,	3	1153	34,	1	2389	49,	2
97	10,	1	1201	38,	9	2437	55,14	3709
109	11,	2	1213	35,	2	2473	50,	3
157	13,	2	1237	40,11	2521	61,20	3769	62,
181	16,	5	1249	41,12	2557	52,	7	3793
193	14,	1	1297	38,	7	2593	55,12	3853
229	16,	3	1321	37,	4	2617	53,	8
241	17,	4	1381	41,10	2677	52,	3	3889
277	17,	2	1429	44,13	2689	58,15	4021	64,
313	19,	4	1453	40,	7	2713	59,16	4057
337	22,	7	1489	41,	8	2749	61,18	4093
349	19,	2	1549	43,10	2797	53,	2	4129
373	20,	3	1597	40,	1	2833	55,	8
397	20,	1	1609	46,13	2857	58,13	4177	65,
409	22,	5	1621	47,14	2917	55,	6	4201
421	23,	6	1657	43,	8	2953	61,16	4261
433	25,	8	1669	41,	2	3001	58,11	4273
457	22,	3	1693	44,	9	3037	67,22	4297
541	28,	9	1741	43,	6	3049	59,12	4357
577	25,	4	1753	46,11	3061	56,	5	4441
601	26,	5	1777	47,12	3109	56,	3	4513
613	25,	2	1789	44,	7	3121	58,	9
661	31,10	1801	43,	4	3169	62,15	4561	73,16
673	26,	1	1861	44,	5	3181	59,10	4597
709	28,	5	1873	46,	9	3217	58,	7
733	29,	6	1933	44,	1	3229	64,17	4657
757	28,	3	1993	50,13	3253	65,18	4729	77,20
769	31,	8	2017	47,	8	3301	68,21	4789
829	29,	2	2029	52,15	3313	70,23	4801	74,15
853	31,	6	2053	55,18	3361	58,	1	4813
877	32,	7	2089	46,	3	3373	59,	6
937	37,12	2113	46,	1	3433	59,	4	4909
997	32,	3	2137	50,11	3457	65,16	4933	71,
1009	34,	7	2161	47,	4	3469	59,	2
1021	32,	1	2221	53,14	3517	67,18	4969	74,13
1033	35,	8	2269	56,17	3529	61,	8	4993
1069	37,10	2281	58,19	3541	68,19	5077	80,21	

$$p = 12x + 1 = A^2 - 3B^2, \quad [A > 3B].$$

p	A	B	p	A	B	p	A	B	p	A	B
5101	76,15	6553	91,24	7873	89, 4	9277	112,33				
5113	74,11	6577	82, 7	7933	101,31	9337	115,39				
5197	85,26	6637	85,14	7993	106,39	9397	116,37				
5209	86,27	6661	88,19	8017	98,23	9397	97, 2				
5233	74, 9	6673	95,28	8053	95,18	9421	107,26				
5281	73, 4	6709	97,30	8089	91, 8	9433	101,16				
5413	76,11	6733	100,33	8101	92,11	9601	98, 1				
5437	83,22	6781	83, 6	8161	94,15	9613	101,14				
5449	74, 3	6793	85,12	8209	97,20	9649	106,23				
5521	86,25	6829	91,22	8221	92, 9	9661	112,31				
5557	88,27	6841	83, 4	8233	91, 4	9697	113,32				
5569	89,28	6949	89,18	8269	91, 2	9721	107,24				
5581	91,30	6961	94,25	8293	101,29	9733	104,19				
5641	82,19	6997	95,26	8317	92, 7	9769	101,12				
5653	79,14	7057	97,28	8329	94,13	9781	116,35				
5689	83,20	7069	88,15	8353	106,31	9817	118,37				
5701	76, 5	7129	101,34	8377	107,32	9829	119,38				
5737	77, 8	7177	85, 4	8389	92, 5	9901	101,10				
5749	76, 3	7213	85, 2	8461	92, 1	9949	104,17				
5821	77, 6	7237	88,13	8521	98,19	9973	100, 3				
5857	82,17	7297	95,24	8581	103,26						
5869	88,25	7309	91,18	8629	104,27						
5881	77, 4	7321	86, 5	8641	97,16						
5953	94,31	7333	89,14	8677	100,21						
6037	80,11	7369	86, 3	8689	94, 7						
6073	86,21	7393	86, 1	8713	106,29						
6121	83,16	7417	98,27	8737	98,17						
6133	79, 6	7477	100,29	8761	94, 5						
6217	82,13	7489	89,12	8821	97,14						
6229	79, 2	7537	103,32	8893	115,38						
6277	92,27	7549	104,33	8929	98,15						
6301	83,14	7561	106,35	8941	104,25						
6337	97,32	7573	95,22	9001	101,20						
6361	82,11	7621	89,10	9013	95, 2						
6373	80, 3	7669	88, 5	9049	106,27						
6397	80, 1	7681	97,24	9109	97,10						
6421	88,21	7717	88, 3	9133	100,17						
6469	89,22	7741	88, 1	9157	103,22						
6481	82, 9	7753	94,19	9181	109,30						
6529	86,17	7789	92,15	9241	98,11						

$$p = 20x + 1 = x'^2 + 5y'^2.$$

p	x'	y'	p	x'	y'	p	x'	y'	p	x'	y'
41	6, 1	2341	44, 9	5281	49,24	8081	9,40				
61	4, 3	2381	24,19	5381	24,31	8101	89, 6				
101	9, 2	2441	21,20	5441	39,28	8161	41,36				
181	1, 6	2521	46, 9	5501	36,29	8221	61,30				
241	14, 3	2621	51, 2	5521	74, 3	8461	91, 6				
281	6, 7	2741	36,17	5581	44,27	8501	84,17				
401	9, 8	2801	39,16	5641	14,33	8521	86,15				
421	4, 9	2861	21,22	5701	16,33	8581	56,33				
461	21, 2	3001	11,24	5741	60,14	8641	89,12				
521	21, 4	3041	54, 5	5801	66,17	8681	69,28				
541	19, 6	3061	44,15	5821	76, 3	8741	39,38				
601	14, 9	3121	49,12	5861	9,34	8761	34,39				
641	6,11	3181	56, 3	5881	74, 9	8821	1,42				
661	16, 9	3221	24,23	5981	51,26	8861	84,19				
701	24, 5	3301	41,18	6101	36,31	8941	11,42				
761	21, 8	3361	34,21	6121	26,33	9001	91,12				
821	24, 7	3461	9,26	6221	21,34	9041	54,35				
881	6,13	3541	56, 9	6301	64,21	9161	66,31				
941	21,10	3581	51,14	6361	59,24	9181	19,42				
1021	29, 6	3701	24,25	6421	79, 6	9221	96, 1				
1061	9,14	3761	54,13	6481	1,36	9241	94, 9				
1181	24,11	3821	21,26	6521	51,28	9281	6,43				
1201	34, 3	3881	51,16	6581	81, 2	9341	96, 5				
1301	36, 1	4001	9,28	6661	71,18	9421	76,27				
1321	14,15	4021	49,18	6701	24,35	9461	96, 7				
1361	9,16	4201	59,12	6761	69,20	9521	39,40				
1381	16,15	4241	6,29	6781	56,27	9601	86,21				
1481	6,17	4261	56,15	6841	19,36	9661	29,42				
1601	39, 4	4421	36,25	6961	79,12	9721	46,39				
1621	1,18	4441	61,12	7001	66,23	9781	31,42				
1721	21,16	4481	66, 5	7121	54,29	9901	91,18				
1741	11,18	4561	41,24	7321	29,36	9941	81,26				
1801	26,15	4621	11,30	7481	66,25						
1861	41, 6	4721	54,19	7541	81,14						
1901	36,11	4801	34,27	7561	46,33						
2081	9,20	4861	19,30	7621	4,39						
2141	36,13	5021	51,22	7681	74,21						
2161	46, 3	5081	69, 8	7741	64,27						
2221	4,21	5101	59,18	7841	81,16						
2281	34,15	5261	69,10	7901	84,13						

$$p = 20x + 9 = x^2 + 5y^2.$$

p	x'	y'	p	x'	y'	p	x'	y'	p	x'	y'
29	3	2	2309	48	1	5189	72	1	7949	27	38
89	3	4	2389	47	6	5209	67	12	8009	3	40
109	8	3	2549	48	7	5309	72	5	8069	87	10
149	12	1	2609	42	13	5449	2	33	8089	22	39
229	7	6	2689	22	21	5509	58	21	8209	73	24
269	12	5	2729	27	20	5609	57	22	8269	68	27
349	13	6	2749	52	3	5689	53	24	8329	43	30
389	12	7	2789	12	23	5749	68	15	8369	57	32
409	2	9	2909	48	11	5849	27	32	8389	28	39
449	18	5	2969	18	23	5909	37	30	8429	48	35
509	3	10	3049	13	24	6029	72	13	8609	42	37
569	18	7	3089	33	20	6089	78	1	8629	32	39
709	23	6	3109	52	9	6229	28	33	8669	93	2
769	7	12	3169	17	24	6269	12	35	8689	47	30
809	27	4	3209	42	17	6329	78	7	8749	87	16
829	28	3	3229	32	21	6389	63	22	8929	82	21
929	18	11	3329	57	4	6449	18	35	8969	93	8
1009	17	12	3389	3	26	6469	32	33	9029	57	34
1049	27	8	3449	18	25	6529	7	30	9049	38	39
1069	32	3	3469	43	18	6569	42	31	9109	17	42
1109	33	2	3529	53	12	6689	78	11	9209	78	25
1129	2	15	3709	8	27	6709	47	30	9349	23	42
1229	27	10	3769	58	9	6829	68	21	9629	93	14
1249	23	12	3889	62	3	6869	33	34	9649	98	3
1289	3	16	3929	3	28	6949	73	18	9689	3	44
1409	33	8	3989	63	2	7069	83	6	9749	63	34
1429	32	9	4049	63	4	7109	48	31	9769	83	24
1489	38	3	4129	22	27	7129	82	9	9829	73	30
1549	37	6	4229	57	14	7229	3	38	9929	93	16
1609	22	15	4289	63	8	7309	53	30	9949	88	21
1669	7	18	4349	12	29	7349	63	26			
1709	27	14	4409	42	23	7369	67	24			
1789	13	18	4549	7	30	7489	62	27			
1889	42	5	4649	27	28	7529	78	17			
1949	12	19	4729	43	24	7549	77	18			
2029	43	6	4789	17	30	7589	87	2			
2069	33	14	4889	42	25	7649	87	4			
2089	37	12	4909	52	21	7669	8	39			
2129	18	19	4969	62	15	7789	88	3			
2269	8	21	5009	33	28	7829	72	23			

$$p = 21x + 1, 7 = G^2 + 6H^2.$$

p	G	H	p	G	H	p	G	H	p	G	H
7	1	1	1129	23	10	2311	31	15	3631	59	5
31	5	1	1153	17	12	2377	29	16	3673	53	12
73	7	2	1201	5	14	2583	37	13	3697	59	6
79	5	3	1231	35	1	2473	23	18	3727	61	1
97	1	4	1249	35	2	2503	47	7	3769	37	20
103	7	3	1279	35	3	2521	11	20	3793	43	18
127	11	1	1297	11	14	2551	49	5	3823	53	13
151	1	5	1303	17	13	2593	47	8	3847	41	19
193	13	2	1321	35	4	2617	49	6	3889	55	12
199	7	5	1327	29	9	2647	1	21	3919	43	25
223	13	3	1399	7	15	2671	5	21	3943	47	17
241	5	6	1423	37	3	2689	17	20	3967	59	9
271	11	5	1447	31	9	2713	43	12	4057	1	26
313	17	2	1471	11	15	2719	37	15	4111	19	23
337	11	6	1489	25	12	2767	11	21	4129	35	22
367	19	1	1543	23	13	2791	25	16	4153	47	18
409	5	8	1567	29	11	2833	53	2	4159	53	15
433	7	8	1609	35	8	2857	41	14	4177	11	26
439	15	5	1657	11	16	2887	49	6	4201	55	14
457	19	4	1663	37	7	2953	7	22	4231	65	1
463	13	7	1733	37	8	3001	49	12	4273	37	22
487	1	9	1759	5	17	3049	55	2	4297	29	24
577	19	6	1777	41	4	3079	55	3	4327	41	21
601	1	10	1783	7	17	3121	55	4	4423	7	27
607	11	9	1801	25	14	3169	35	18	4441	75	7
631	25	1	1831	41	5	3217	41	19	4447	61	11
673	15	8	1873	45	2	3271	25	21	4513	67	2
727	1	11	1879	23	15	3313	37	18	4519	65	7
751	5	11	1951	35	11	3319	55	7	4561	53	19
769	13	10	1993	7	18	3343	13	23	4567	49	23
823	23	7	1999	43	5	3361	31	22	4591	23	25
919	25	7	2017	29	14	3391	35	19	4639	67	3
937	29	4	2089	35	12	3433	23	22	4657	59	14
967	31	1	2113	13	18	3457	1	24	4663	17	27
991	29	5	2137	31	14	3463	17	23	4729	5	28
1009	25	8	2143	43	7	3511	55	9	4759	55	17
1033	13	12	2161	25	16	3529	25	22	4783	67	7
1039	5	13	2235	35	13	3559	47	15	4801	49	20
1063	7	13	2281	41	10	3583	43	17	4831	59	15
1087	19	11	2287	11	19	3607	31	21	4903	23	27

$$p = 24\pi + 1, \bar{7} = G^2 + 6H^2.$$

p	G	H	p	G	H	p	G	H	p	G	H
4951	65,11	6343	73,13	7879	23,35	9241	95, 6				
4969	55,18	6361	31,30	7927	89, 4	9319	95, 7				
4993	17,28	6397	61,21	7951	85,11	9337	49,34				
4999	25,27	6481	55,24	7993	43,32	9343	53,33				
5023	43,23	6529	77,10	8017	89, 4	9391	85,19				
5113	47,22	6553	43,28	8089	85,12	9433	97, 2				
5119	37,25	6577	71,19	8161	35,34	9439	35,37				
5167	11,29	6607	29,34	8167	49,34	9463	97, 3				
5209	53,29	6673	23,32	8191	29,35	9511	95, 9				
5233	23,28	6679	73,15	8209	53,39	9601	1,40				
5281	35,26	6703	43,33	8233	73,22	9631	91,15				
5407	19,29	6793	77,12	8263	7,37	9649	7,40				
5431	4,25	6823	17,33	8287	91, 4	9679	77,25				
5449	7,30	6841	79,10	8311	34,35	9697	79,24				
5479	73, 5	6871	95,21	8329	77,29	9721	11,40				
5503	67,13	6961	5,34	8353	47,32	9769	13,40				
5521	11,39	6967	79,14	8377	91, 4	9817	91,16				
5527	71, 9	6991	35,34	8431	91, 5	9871	85,21				
5569	13,39	7039	83, 5	8521	89,10	9967	29,39				
5623	73, 7	7057	11,34	8527	59,29						
5641	71,10	7129	65,22	8599	95,27						
5647	59,19	7159	25,33	8623	83,17						
5689	17,39	7177	61,24	8641	79,20						
5737	41,26	7207	71,19	8647	89,14						
5743	37,27	7297	19,34	8689	5,38						
5791	5,31	7321	85, 4	8713	7,38						
5839	67,15	7351	1,35	8719	37,35						
5857	49,24	7369	35,32	8737	31,39						
5881	59,20	7393	67,22	8761	85,16						
5933	77, 2	7417	79,14	8839	25,37						
6007	31,29	7489	83,16	8863	67,27						
6073	37,28	7537	59,26	8887	79,24						
6079	17, 5	7561	25,34	8929	65,28						
6121	61,20	7591	79,15	9001	35,39						
6151	49,25	7639	17,35	9007	91,14						
6199	55,23	7681	65,24	9049	95, 2						
6217	71,14	7687	71,21	9103	77,23						
6247	79, 4	7753	83,12	9127	1,39						
6271	35,29	7759	35,33	9151	5,39						
6337	79, 4	7873	77,18	9199	43,35						

$$p = 24\pi + 1, 19 = G^2 - 6H^2, [G > 3H].$$

p	G	H	p	G	H	p	G	H	p	G	H
19	5, 1	1123	43,11	2371	61,15	3643	97,31				
43	7, 1	1129	35, 4	2377	49, 2	3673	93,34				
67	11, 3	1153	37, 6	2467	59,13	3691	71,15				
73	13, 4	1171	35, 3	2473	77,24	3697	61, 2				
97	17, 2	1201	35, 2	2521	85,28	3739	65, 0				
139	17, 5	1249	43,10	2539	55, 9	3769	83,24				
163	13, 1	1291	55,17	2593	53, 6	3793	73,16				
193	17, 4	1297	41, 8	2617	59,12	3889	67,10				
211	19, 5	1321	61,20	2659	53, 5	3907	91,27				
241	25, 8	1459	53,15	2683	73,21	3931	65, 7				
283	17, 1	1483	47,11	2689	65,10	4003	67, 9				
307	19, 3	1489	55,16	2707	61,13	4027	71,13				
313	23, 6	1531	41, 5	2713	53, 4	4051	85,32				
331	25, 7	1579	65,21	2731	55, 7	4057	101,32				
337	19, 2	1609	47,19	2803	53, 1	4099	107,35				
379	23, 5	1627	41, 3	2833	83,26	4129	65, 4				
409	25, 6	1657	41, 2	2851	85,27	4153	73,14				
433	23, 4	1699	43, 5	2857	61,12	4177	71,12				
457	29, 8	1721	47, 0	2953	67,16	4201	65, 2				
499	35,11	1747	59,17	2971	55, 3	4219	65, 1				
523	23, 1	1753	43, 4	3001	55, 2	4243	83,21				
547	29, 7	1777	61,18	3019	55, 1	4273	67, 6				
571	25, 3	1801	49,10	3019	65,14	4297	79,18				
577	31, 8	1867	71,23	3067	79,23	4339	97, 5				
601	25, 2	1873	73,24	3121	61,10	4363	97,29				
619	25, 1	1987	61,17	3163	73,19	4441	71,10				
643	37,11	1993	47, 6	3169	85,26	4483	67, 1				
673	43,14	2011	55,13	3187	59, 7	4507	79,17				
691	29, 5	2017	49, 8	3217	89,28	4513	107,34				
739	35, 9	2083	53,11	3259	95,31	4561	115,38				
769	37,10	2089	67,20	3307	71,17	4603	73,11				
787	29, 3	2113	47, 4	3313	67,14	4651	95,27				
811	31, 5	2131	59,15	3331	59, 5	4657	71, 8				
859	47,15	2137	71,22	3361	65,12	4723	83,19				
883	37, 9	2161	55,12	3433	83,24	4729	73,10				
907	31, 3	2179	77,25	3457	59, 2	4801	101,30				
937	31, 2	2203	47, 1	3499	65,11	4869	95,26				
1009	35, 6	2251	49, 5	3529	77,20	4987	71, 3				
1033	47,14	2281	65,18	3547	89,27	4993	113,36				
1051	49,15	2347	49, 3	3571	61, 5	5011	115,37				

QUADRATIC PARTITIONS.

$$p = 24w + 1, 19 = G^2 - 6H^2, [G' > 3H']$$

p	$G' H'$	p	$G' H'$	p	$G' H'$	p	$G' H'$
5059	85,19	6451	101,25	7963	103,21	9403	97, 1
5107	91,23	6481	109,30	7993	107,24	9433	103,14
5113	73, 6	6529	127,49	8011	95,13	9547	151,47
5179	73, 5	6547	91,17	8017	119,32	9601	101,10
5209	103,30	6553	103,26	8059	97,15	9619	155,49
5227	79,13	6571	89,15	8089	133,40	9643	137,39
5233	73, 4	6577	131,42	8161	95,12	9649	157,50
5281	85,18	6619	137,45	8179	115,29	9697	161,52
5323	73, 1	6673	83, 6	8209	103,20	9721	139,40
5347	109,33	6691	115,33	8233	97,14	9739	107,55
5419	113,35	6763	97,21	8329	145,46	9769	115,24
5443	77, 9	6793	83, 4	8353	127,36	9787	119,27
5449	115,39	6841	85, 8	8377	149,48	9811	131,35
5521	89,20	6883	83, 1	8419	155,51	9817	101, 8
5563	103,29	6907	89,13	8443	103,19	9859	125,31
5569	95,24	6961	125,38	8467	101,17	9883	103,11
5641	79,10	7027	101,23	8521	115,28	9907	101, 7
5659	97,25	7057	89,12	8539	95, 9	9931	145,43
5683	107,31	7129	85, 4	8563	133,39		
5689	85,16	7177	109,28	8641	95, 8		
5737	109,32	7219	85, 1	8689	125,34		
5779	77, 5	7243	97,19	8707	109,23		
5827	101,27	7297	101,22	8713	113,26		
5851	93,23	7321	89,10	8731	95, 7		
5857	79, 8	7369	113,30	8737	139,42		
5881	91,20	7393	107,26	8761	119,30		
5923	77, 1	7411	125,37	8779	127,35		
5953	97,24	7417	91,12	8803	107,21		
6043	127,41	7459	115,31	8923	97, 9		
6067	131,43	7489	95,16	8929	95, 4		
6073	133,44	7507	109,27	8971	95, 3		
6091	79, 5	7537	89, 8	9001	95, 2		
6121	95,22	7561	131,40	9043	157,51		
6163	83,11	7603	133,41	9049	107,20		
6211	85,13	7681	91,10	9067	161,53		
6217	79, 2	7699	107,25	9091	125,33		
6337	91,18	7723	113,29	9187	101,13		
6361	85,12	7753	143,46	9241	121,30		
6379	95,21	7867	89, 3	9283	107,19		
6427	121,37	7873	97,16	9337	101,12		

QUADRATIC PARTITIONS.

$$p = 28w + 1, 9, 25 = t^2 - 7u^2, [t' > 3u']$$

p	$t' u'$	p	$t' u'$	p	$t' u'$	p	$t' u'$
29	6, 1	1117	37, 6	2333	66,17	3581	117,38
37	10, 3	1129	52,15	2377	100,33	3593	60, 1
53	9, 2	1201	47,12	2381	78,23	3613	106,33
109	19, 6	1213	59,18	2389	74,21	3637	82,21
113	15, 4	1229	51,14	2417	60,13	3677	102,31
137	12, 1	1289	36, 1	2437	50, 3	3697	113,36
149	18, 5	1297	73,24	2473	59,12	3733	94,27
193	16, 3	1373	69,22	2521	64,15	3761	81,20
197	15, 2	1381	38, 3	2549	57,10	3833	75,16
233	24, 7	1409	39, 4	2557	53, 6	3889	89,24
277	23, 6	1429	41, 6	2633	99,32	3917	93,26
281	27, 8	1453	61,18	2657	72,19	3929	123,40
317	18, 1	1481	72,23	2689	76,21	4001	72,13
337	20, 3	1493	39, 2	2713	61,12	4013	66, 7
373	25, 6	1549	46, 9	2741	54, 5	4057	68, 9
389	33,10	1597	43, 6	2753	60,11	4153	115,36
401	24, 5	1621	82,27	2797	58, 9	4201	79,15
421	22, 3	1709	78,25	2801	57, 8	4229	111,34
449	36,11	1733	54,13	2837	87,26	4253	75,14
457	32, 9	1789	58,15	2857	83,24	4337	72,11
541	46,15	1801	53,12	2909	54, 1	4349	66, 1
557	30, 7	1873	44, 3	2969	69,16	4397	90,23
569	24, 1	1877	57,14	3049	68,15	4421	114,35
613	26, 3	1901	51,10	3061	73,18	4481	132,43
617	27, 4	1913	45, 4	3089	108,35	4517	102,29
641	33, 8	1933	50, 9	3109	97,30	4561	68, 3
653	45,14	1997	45, 2	3137	57, 4	4621	83,18
673	41,12	2017	55,12	3217	65,12	4649	69, 4
701	27, 2	2053	46, 3	3221	57, 2	4657	88,21
709	31, 6	2069	54,11	3229	59, 6	4673	135,44
757	55,18	2081	87,28	3257	60, 7	4729	124,39
809	51,16	2129	48, 5	3301	58, 3	4733	69, 2
821	39,10	2137	52, 9	3313	80,21	4789	71, 6
877	58, 9	2153	51, 8	3329	96,29	4813	131,42
953	36, 7	2213	90,29	3361	92,27	4817	120,37
977	33, 4	2221	67,18	3389	69,14	4909	74, 9
1009	64,21	2237	75,22	3413	114,37	4937	108,31
1033	40, 9	2269	62,15	3469	61, 6	4957	85,18
1061	33, 2	2293	86,27	3529	64, 9	4993	95,24
1093	34, 3	2297	48, 1	3557	78,19	5009	72, 5

$$p = 28\omega + 1, 9, 25 = t^2 - 7u^2, [t > 5u].$$

p	t'	u'	p	t'	u'	p	t'	u'	p	t'	u'
5021	123,38		6553	125,56		7033	101,18		9293	114,23	
5077	73, 6		6577	103,24		7049	93,10		9349	166,51	
5153	111,32		6581	162,53		8009	99,16		9377	177,56	
5189	81,14		6637	83, 6		8017	95,12		9433	100, 9	
5209	76, 9		6661	82, 3		8089	131,36		9437	162,49	
5233	70,12		6673	151,48		8093	90, 1		9461	138,37	
5237	78,11		6689	96,19		8101	143,42		9473	129,32	
5261	93,22		6701	102,23		8117	135,38		9521	111,20	
5273	144,47		6829	86, 9		8233	176,57		9601	103,12	
5413	71, 3		6833	111,28		8269	94, 9		9613	100,18	
5441	120,49		6841	172,57		8297	165,52		9629	198,65	
5509	121,36		6857	93,16		8317	100,63		9661	106,15	
5573	90,10		6869	87,10		8353	116,27		9689	99, 4	
5581	100,30		6917	90,13		8369	96,11		9697	137,36	
5653	80,18		6997	110,27		8429	99,14		9769	187,60	
5657	133,41		7001	99,20		8513	120,29		9781	122,27	
5693	150,49		7057	127,36		8521	157,48		9829	127,30	
5737	128,39		7109	114,29		8537	93, 4		9857	153,44	
5741	78, 7		7121	87, 8		8597	153,46		9941	183,58	
5749	94,21		7177	88, 9		8677	145,42		9949	101, 6	
5821	86,15		7193	96,17		8681	141,40				
5849	93,20		7253	90,11		8689	164,51				
5861	81,10		7309	134,39		8737	113,24				
5881	83,12		7333	86, 3		8761	128,33				
6029	102,25		7393	160,51		8821	118,27				
6073	149,48		7417	107,24		8849	132,35				
6101	138,43		7457	87, 4		8929	152,45				
6113	81, 8		7477	167,54		8933	111,22				
6133	106,27		7529	156,49		8941	178,57				
6197	87,14		7541	87, 2		8969	144,41				
6217	85,12		7561	181,60		9013	110,21				
6239	114,31		7589	111,26		9041	96, 5				
6301	118,33		7669	89, 6		9109	199,66				
6329	141,44		7673	120,31		9137	108,19				
6337	80, 3		7681	88, 3		9157	97, 6				
6353	159,52		7753	124,33		9181	107,18				
6421	137,42		7757	90, 7		9209	96, 1				
6449	81, 4		7793	144,43		9221	102,13				
6469	113,30		7841	132,37		9241	104,15				
6521	117,32		7877	102,19		9277	130,33				

$$p = 40\omega + 1, 9, 11, 19 = \xi^2 + 10\eta^2.$$

p	ξ	η	p	ξ	η	p	ξ	η	p	ξ	η
11	1, 1		1051	31, 3		2339	43, 7		3529	17,18	
19	3, 1		1091	29, 5		2371	11,15		3539	43,13	
41	1, 2		1129	33, 2		2411	49, 1		3571	59, 3	
59	7, 1		1171	19, 9		2441	49, 2		3659	7,19	
89	7, 2		1201	29, 6		2459	47, 5		3691	9,19	
131	11, 1		1249	33, 4		2521	39,10		3739	57, 7	
139	7, 3		1259	7,11		2531	29,13		3761	61, 2	
179	13, 1		1289	17,10		2539	17,15		3769	23,18	
211	11, 3		1291	9,11		2579	37,11		3779	13,19	
241	9, 4		1321	31, 6		2609	7,16		3851	31,17	
251	1, 5		1361	19,10		2659	43, 9		3881	61, 4	
281	11, 4		1409	37, 2		2689	27,14		3889	57, 8	
331	9, 5		1451	31, 7		2699	47, 7		3929	37,16	
379	17, 3		1459	37, 3		2729	13,16		3931	41,15	
401	19, 2		1481	29, 8		2731	39,11		4001	1,20	
409	7, 6		1489	7,12		2801	29,14		4019	53,11	
419	13, 5		1499	17,11		2819	53, 1		4049	7,20	
449	17, 4		1531	39, 1		2851	51, 5		4051	21,19	
491	1, 7		1571	19,11		2939	7,17		4091	49,13	
499	3, 7		1579	33, 7		2969	53, 4		4099	43,15	
521	19, 4		1601	31, 8		2971	9,17		4129	63, 4	
569	23, 2		1609	13,12		3001	21,16		4139	23,19	
571	9, 7		1619	37, 5		3011	11,17		4201	31,18	
601	21, 4		1699	3,13		3019	47, 9		4211	61, 7	
619	23, 3		1721	41, 2		3041	49, 8		4219	63, 5	
641	1, 8		1801	19,12		3049	33,14		4241	41,16	
659	13, 7		1811	11,13		3089	23,16		4259	37,17	
691	21, 5		1889	43, 2		3121	41,12		4289	17,20	
739	27, 1		1931	41, 5		3169	53, 6		4339	27,19	
761	11, 8		1979	17,13		3209	47,10		4409	43,16	
769	27, 2		2011	39, 7		3251	19,17		4441	21,20	
809	13, 8		2081	11,14		3259	57, 1		4451	29,19	
811	1, 9		2089	33,10		3299	53, 7		4481	59,10	
859	7, 9		2099	43, 5		3329	37,14		4561	51,14	
881	29, 2		2129	13,14		3331	21,17		4649	67, 4	
929	17, 8		2131	21,13		3361	11,18		4651	49,15	
971	31, 1		2161	39, 8		3371	41,13		4691	59,11	
1009	3,10		2179	37, 9		3449	53, 8		4721	61,10	
1019	23, 7		2251	1,15		3491	59, 1		4729	27,20	
1049	7,10		2281	29,12		3499	57, 5		4801	69, 2	

$$p = 40\omega + 1, 9, 11, 19 = \xi^2 + 10\eta^2.$$

p	ξ	η	p	ξ	η	p	ξ	η	p	ξ	η
4889	7,22	6451	69,13	8011	89, 3	9491	91,11				
4931	61,11	6481	71,12	8059	87, 7	9521	41,28				
4969	63,10	6491	79, 5	8081	89, 4	9539	77,19				
5009	13,22	6521	41,22	8089	57,22	9601	69,22				
5011	69, 5	6529	63,16	8161	49,24	9619	3,34				
5051	71, 1	6569	77, 8	8171	89, 5	9649	93,10				
5059	53,15	6571	81, 1	8179	77,15	9689	43,28				
5081	71, 2	6619	47,21	8209	87, 8	9721	91,32				
5099	47,17	6659	37,23	8219	73,17	9739	73,21				
5171	59,13	6689	43,22	8291	91, 1	9769	97, 6				
5179	63,11	6691	21,25	8329	83,12	9811	99, 1				
5209	57,14	6761	1,26	8369	23,28	9851	79,19				
5281	21,22	6779	23,25	8419	3,29	9859	93,31				
5419	73, 3	6841	9,26	8521	81,14	9929	77,20				
5441	59,14	6899	83, 1	8539	57,23	9931	39,29				
5449	47,18	6961	61,18	8609	43,26						
5521	39,20	6971	41,23	8641	91, 6						
5531	71, 7	7001	71,14	8681	29,28						
5569	27,22	7019	73,13	8689	93, 2						
5641	49,18	7121	19,26	8699	17,29						
5651	19,23	7129	37,24	8731	89, 9						
5659	63,13	7211	31,25	8761	69,20						
5689	73, 6	7219	53,21	8779	87,11						
5779	37,21	7321	69,16	8819	77,17						
5801	31,22	7331	61,19	8849	83,14						
5849	43,20	7369	77,12	8929	33,28						
5851	71, 9	7411	11,27	8969	47,26						
5881	11,24	7451	79,11	8971	41,27						
5939	77, 1	7459	13,27	9001	1,30						
6011	49,19	7481	59,20	9011	61,23						
6089	77, 4	7489	27,26	9041	71,20						
6091	41,21	7499	47,23	9049	7,30						
6121	19,24	7529	83, 8	9059	53,25						
6131	29,23	7561	81,10	9091	91, 9						
6211	51,19	7649	53,22	9161	49,26						
6299	7,25	7681	79,12	9209	37,28						
6329	73,10	7691	49,23	9241	59,24						
6361	39,22	7699	83, 9	9281	91,10						
6379	33,23	7841	1,28	9371	31,29						
6449	67,14	8009	13,28	9419	97, 1						

$$p = 40\omega + 1, 9, 31, 39 = \xi^2 - 10\eta^2, [\xi > \frac{1}{2}p\eta].$$

p	ξ'	η'	p	ξ'	η'	p	ξ'	η'	p	ξ'	η'
31	11, 3	1049	33, 2	2399	93,25	3769	113,30				
41	9, 2	1129	83,24	2441	51, 4	3881	141,40				
71	9, 1	1151	69,19	2521	91,24	3889	73,12				
79	13, 3	1201	101,30	2551	151,45	3911	111,29				
89	27, 8	1231	59,15	2591	51, 1	3919	173,51				
151	31, 9	1249	67,18	2609	57, 8	3929	63, 2				
191	21, 5	1279	37, 3	2671	59, 9	4001	81,16				
199	17, 3	1289	57,14	2689	77,18	4049	153,44				
239	27, 7	1319	87,25	2711	111,31	4079	117,31				
241	41,12	1321	41, 6	2719	53, 3	4111	139,39				
271	19, 3	1361	39, 4	2729	87,22	4129	67,16				
281	21, 4	1399	47, 9	2791	71,15	4159	107,27				
311	39,11	1409	63,16	2801	69,14	4201	131,36				
359	57,17	1439	117,35	2879	123,35	4231	71, 9				
401	21, 2	1471	61,15	2969	63,10	4241	171,50				
409	43,12	1481	39, 2	2999	57, 5	4271	69, 7				
431	21, 1	1489	43, 6	3001	79,18	4289	177,52				
439	23, 3	1511	39, 1	3041	99,26	4391	129,35				
449	33, 8	1559	57,13	3049	67,12	4409	207,62				
479	27, 5	1601	51,10	3079	73,15	4441	101,24				
521	39,10	1609	103,30	3089	57, 4	4481	111,28				
569	27, 4	1721	81,22	3119	147,43	4519	73, 9				
599	33, 7	1759	43, 3	3121	59, 6	4561	149,42				
601	31, 6	1801	71,18	3169	127,36	4591	109,27				
631	71,21	1831	79,21	3191	159,47	4639	83,15				
641	51,14	1871	69,17	3209	57, 2	4649	93,20				
719	27, 1	1879	113,33	3271	119,33	4679	87,17				
751	29, 3	1889	93,26	3319	103,27	4721	69, 2				
761	69,20	1951	131,39	3329	63, 8	4729	133,39				
769	47,12	1999	53, 9	3359	93,23	4751	69, 1				
809	87,26	2039	57,11	3361	61, 6	4759	193,57				
839	33, 5	2081	111,32	3391	59, 3	4799	147,41				
881	39, 8	2089	73,18	3449	117,32	4801	79,12				
911	51,13	2111	51, 7	3511	89,21	4831	211,63				
919	73,21	2129	117,34	3529	163,48	4871	81,13				
929	33, 4	2161	89,24	3559	137,39	4889	123,32				
991	91,27	2239	67,15	3631	61, 3	4919	153,43				
1009	37, 6	2281	61,12	3671	81,17	4951	71, 3				
1031	39, 7	2311	49, 3	3719	63, 5	4969	73, 6				
1039	43, 9	2351	51, 5	3761	69,10	4999	97,21				

$$p = 40\pi + 1, 9, 31, 39 = \xi^2 - 10\eta^2, [\xi > \frac{1}{2}\eta].$$

p	ξ'	η'	p	ξ'	η'	p	ξ'	η'	p	ξ'	η'
5009	87,16		6481	89,12		7951	101,15		9319	97, 3	
5039	93,19		6521	81, 2		8009	93, 8		9391	101, 9	
5081	129,34		6529	83, 6		8039	207,59		9431	111,17	
5119	77, 9		6551	81, 1		8081	171,49		9439	157,39	
5209	203,60		6569	87,10		8089	193,54		9479	183,49	
5231	171,49		6599	153,41		8111	99,13		9511	239,69	
5279	117,29		6679	233,69		8161	131,39		9521	219,62	
5281	221,66		6689	93,14		8191	91, 3		9551	99, 5	
5351	81,11		6719	123,29		8209	127,18		9601	301,99	
5399	183,53		6761	201,58		8231	129,29		9631	109,15	
5431	79, 9		6791	159,33		8311	199,43		9649	197,54	
5441	141,38		6841	91,12		8329	231,78		9679	173,45	
5449	83,12		6871	119,27		8369	123,29		9689	117,29	
5471	189,55		6911	99,17		8431	139,33		9719	153,37	
5479	113,27		6959	93,13		8521	219,99		9721	181,48	
5519	123,31		6961	101,18		8599	97, 9		9769	137,30	
5521	169,48		6991	149,39		8609	93, 2		9791	99, 1	
5569	77, 6		7001	219,94		8641	199,18		9839	123,23	
5591	201,59		7039	107,21		8681	189,52		9871	131,27	
5639	207,61		7079	87, 7		8689	133,39		9929	237,68	
5641	121,30		7121	231,68		8719	293,57				
5689	107,24		7129	127,39		8761	191,12				
5711	219,65		7151	171,47		8831	291,77				
5791	101,21		7159	97,15		8839	127,27				
5801	99,20		7321	191,54		8849	117,22				
5839	77, 3		7351	121,27		8929	193,42				
5849	117,28		7369	103,18		8951	279,83				
5879	87,13		7481	111,22		8969	153,38				
5881	79, 6		7489	143,36		8999	297,89				
6079	83, 9		7529	87, 2		9001	179,48				
6089	93,16		7559	87, 1		9041	201,59				
6121	109,24		7561	89, 6		9049	97, 6				
6151	79, 3		7591	151,39		9151	221,63				
6199	103,21		7639	167,45		9161	99, 8				
6271	131,33		7649	93,10		9199	107,15				
6311	81, 5		7681	209,60		9209	207,58				
6329	177,59		7759	253,75		9239	177,47				
6359	87,11		7841	99,14		9241	149,39				
6361	139,36		7879	137,33		9281	159,40				
6449	183,52		7919	147,37		9311	99, 7				

$$p = 44\pi + 1, 5, 9, 25, 37 = v^2 - 11w^2, [v' > \frac{1}{2}w'].$$

p	v'	w'	p	v'	w'	p	v'	w'	p	v'	w'
5	4, 1		1093	57,14		2357	49, 2		3701	95,22	
37	9, 2		1109	47,10		2377	54, 7		3733	68, 9	
53	8, 1		1153	63,16		2381	59,10		3793	63, 4	
89	10, 1		1181	35, 2		2473	58, 9		3821	64, 5	
97	14, 3		1193	37, 4		2557	51, 2		3833	62, 1	
113	17, 4		1213	72,19		2621	61,10		3853	72,11	
137	26, 7		1237	81,22		2633	53, 4		3877	84,17	
157	16, 3		1277	56,13		2677	79,18		3881	91,20	
181	15, 2		1301	49,10		2689	95,24		3917	76,13	
229	25, 6		1321	45, 8		2693	52, 1		4013	107,20	
257	31, 8		1373	52,11		2729	98,25		4049	65, 4	
269	37,10		1409	65,16		2753	82,19		4057	69, 8	
313	18, 1		1433	38, 1		2777	59, 8		4073	83,16	
317	19, 2		1453	43, 6		2797	104,27		4093	67, 6	
353	23, 4		1489	42, 5		2861	56, 5		4129	90,19	
389	20, 1		1549	80,21		2897	119,32		4217	86,17	
397	21, 2		1609	59, 9		2909	125,34		4229	73,10	
401	26, 5		1621	64,15		2953	62, 9		4261	119,30	
421	39,10		1637	41, 2		2957	91,22		4273	103,24	
433	42,11		1697	49, 8		3001	74,15		4337	71, 8	
449	25, 4		1709	53,10		3037	56, 3		4349	68, 5	
509	28, 5		1721	70,17		3041	70,13		4357	89,18	
521	35, 8		1741	60,13		3061	60, 7		4409	85,16	
577	26, 3		1753	42, 1		3089	58, 5		4481	134,35	
617	34, 7		1873	82,21		3169	87,20		4493	92,19	
641	59,13		1901	85,22		3217	106,27		4513	137,36	
653	53,14		1973	97,26		3221	80,17		4621	155,42	
661	56,15		2017	46, 3		3257	109,28		4657	79,12	
709	40, 9		2029	48, 5		3301	76,15		4673	118,29	
757	36, 7		2069	65,14		3389	67,10		4733	83,14	
773	28, 1		2113	78,19		3413	127,34		4789	108,25	
797	29, 2		2137	61,12		3433	133,36		4801	70, 3	
829	35, 6		2161	81,20		3457	71,12		4877	101,22	
881	34, 5		2237	64,13		3469	75,14		4889	70, 1	
929	70,19		2269	60,11		3529	102,25		4909	72, 5	
977	41, 8		2281	90,23		3557	64, 7		4933	73, 6	
1013	32, 1		2293	48, 1		3613	92,21		4937	71, 7	
1021	30, 5		2297	74,17		3617	74,13		4973	133,34	
1049	35, 4		2333	67,14		3677	61, 2		5009	97,20	
1061	40, 7		2341	96,25		3697	111,28		5021	139,35	

$p = 41w + 1, 5, 9, 25, 37 = v^2 - 11w^2, [v > \frac{1}{2}w]$

p	v'	w'	p	v'	w'	p	v'	w'	p	v'	w'
5113	107,24		6449	82, 5		7753	162,41		9029	140,31	
5153	73, 4		6469	87,10		7789	133,39		9109	100, 9	
5197	84,13		6473	158,41		7793	103,16		9133	203,54	
5237	76, 7		6521	85, 8		7841	146,35		9157	169,42	
5261	160,43		6581	116,25		7877	89, 2		9161	206,55	
5273	163,44		6637	101,18		7901	115,22		9221	215,58	
5281	166,45		6653	173,49		8009	122,25		9241	221,60	
5333	113,26		6689	142,35		8017	129,28		9277	156,37	
5393	82,11		6733	188,51		8053	177,49		9293	107,14	
5413	87,14		6737	191,52		8089	99, 1		9337	149,33	
5417	106,23		6781	84, 5		8101	180,47		9377	106,13	
5437	116,27		6829	85, 6		8209	195,16		9397	159,38	
5449	75, 4		6857	89, 7		8221	180,59		9421	139,30	
5501	76, 5		6869	95,11		8233	158,39		9461	100, 7	
5569	138,35		6917	151,38		8237	91, 2		9497	101, 8	
5581	75, 2		6961	133,52		8273	98,11		9601	135,28	
5641	85,12		6977	94,13		8297	91, 7		9629	152,35	
5657	94,17		6997	111,22		8317	109,18		9661	115,18	
5669	112,25		7001	125,28		8353	207,59		9689	190,49	
5701	105,22		7129	152,41		8369	113,20		9733	168,41	
5801	101,20		7121	56, 5		8429	148,35		9749	193,50	
5813	128,31		7129	98,15		8501	124,25		9769	155,36	
5857	81, 8		7177	114,23		8537	131,28		9817	114,17	
5861	80, 7		7253	97,14		8573	112,19		9857	199,52	
5897	131,32		7297	86, 3		8581	129,23		9901	100, 3	
6029	100,19		7309	172,45		8629	95, 6		9949	205,54	
6037	96,17		7349	175,46		8669	100,11				
6053	137,34		7393	87, 4		8677	96, 7				
6073	78, 1		7417	181,48		8693	127,26				
6121	114,25		7481	129,20		8713	98, 9				
6197	79, 2		7489	190,51		8737	94, 3				
6229	127,30		7517	196,53		8761	106,15				
6257	146,37		7529	222,55		8837	119,22				
6291	80, 3		7549	93,10		8849	95, 4				
6317	139,38		7561	99, 7		8893	147,31				
6321	132,31		7573	92, 9		8933	188,49				
6347	89,18		7577	91, 8		8941	96, 5				
6361	91,15		7621	119,33		8969	103,49				
6373	152,39		7649	139,29		9001	129,25				
6389	80, 1		7681	159,40		9013	97, 6				

p or $2p = t^2 \pm Du^2, [D = 13, 14].$

$t^2 + 13u^2$			$t^2 - 13u^2$			$t^2 - 13u^2$			$t^2 + 14u^2$			$t^2 - 14u^2$		
p	t	u	p	t	u	p	t	u	p	t	u	p	t	u
17	2,	1	3	4,	1	467	372,103		23	3,	1	11	5,	1
29	4,	1	17	15,	4	491	72, 19		271	4,	3	43	13,	3
53	1,	2	23	6,	1	503	114, 31		279	12,	1	67	9,	1
61	3,	2	29	9,	2	521	27, 4		2113	10,	3	107	11,	1
101	7,	2	43	76,	21	523	100, 27		127	1,	3	113	13,	2
113	10,	1	53	51,	14	547	49, 9		137	9,	2	137	19,	4
157	12,	1	61	23,	6	563	24, 1		151	5,	3	163	17,	3
173	11,	2	79	14,	3	569	189, 52		2191	16,	3	179	23,	5
181	8,	3	101	123,	34	571	164, 45		2193	6,	5	193	33,	8
233	5,	4	103	34,	9	599	66, 17		233	3,	4	211	15,	1
257	7,	4	107	48,	13	601	347, 96		239	15,	1	233	17,	2
269	16,	1	113	159,	44	607	250, 69		2263	20,	3	281	41,	10
277	15,	2	127	98,	27	641	93, 10		281	15,	2	331	45,	11
313	14,	3	131	12,	1	647	150, 41		2337	18,	5	337	29,	6
337	18,	1	139	16,	3	653	225, 62		359	3,	5	347	16,	1
373	16,	3	157	25,	6	659	36, 7		2401	20,	3	379	27,	5
389	8,	5	173	15,	2	673	175, 48		431	9,	5	401	25,	4
433	15,	4	179	84,	23	677	27, 2		449	15,	4	443	53,	13
521	14,	5	181	109,	30	701	57, 14		2457	39,	1	449	43,	10
569	19,	4	191	42,	11	719	54, 13		2463	24,	5	457	31,	6
601	22,	3	199	206,	57	727	122, 33		487	19,	3	491	29,	5
641	2,	7	211	56,	15	751	358, 99		2569	2,	9	499	25,	3
653	4,	7	233	21,	4	757	35, 6		2599	8,	9	547	41,	9
673	6,	7	251	24,	5	797	297, 82		2617	10,	9	569	25,	2
677	25,	2	257	33,	8	809	147, 40		2631	24,	7	571	61,	15
701	8,	7	263	39,	7	823	466, 129		2641	34,	3	617	29,	4
757	17,	6	269	81,	22	829	71, 18		673	13,	6	641	68,	19
797	28,	1	277	67,	18	857	333, 92		743	27,	1	659	58,	13
809	22,	5	283	20,	3	859	272, 75		751	25,	3	673	27,	2
829	19,	6	311	18,	1	881	33, 4		2809	22,	9	683	37,	7
857	5,	8	313	131,	36	883	44, 9		2823	30,	5	739	33,	5
881	7,	8	337	47,	12	887	39, 1		2863	40,	3	809	17,	10
937	27,	4	347	192,	53	907	32, 5		911	15,	7	827	29,	1
953	11,	8	367	22,	3	911	222, 61		2919	12,	11	883	57,	15
997	23,	6	373	39,	6	919	62, 15		953	27,	4	907	51,	11
			389	21,	2	937	53, 12		967	26,	3	947	31,	1
			419	264,	73	953	105, 112		977	0,	8	953	43,	8
			433	89,	24	971	30, 5		2991	30,	7	977	61,	14
			439	58,	15	991	82, 21							
			443	300,	83	997	283, 78							

p or $9p = t^2 \pm Du^2$, $D = 15, 17$.

$t^2 + 15u^2$			$t^2 - 15u^2$ <small>$t > 5u$</small>			$t^2 + 17u^2$			$t^2 - 17u^2$ <small>$4t > 17u$</small>			$t^2 - 17u^2$ <small>$4t > 17u$</small>		
p	t	u	p	t	u	p & $9p$	t	u	p	t	u	p	t	u
19	2	1	61	11	2	9.13	10	1	13	9	2	461	23	2
31	4	1	109	13	2	53	6	1	19	6	1	463	36	7
61	1	2	181	14	1	9.89	28	1	43	14	3	467	22	1
79	8	1	229	17	2	9.101	26	2	47	8	1	491	58	13
109	7	2	241	16	1	9.137	31	4	53	11	2	509	47	10
139	2	3	319	22	3	149	9	2	59	22	3	523	26	3
151	4	3	409	28	5	157	2	3	67	30	7	557	25	2
181	11	2	421	31	6	9.229	19	10	83	16	1	563	74	17
199	3	3	511	26	3	9.257	35	8	89	19	4	569	29	4
211	13	1	601	29	4	281	3	4	101	13	2	577	55	12
229	15	2	661	26	1	293	15	2	103	16	3	587	83	19
241	1	4	709	38	7	349	11	3	127	12	1	593	41	8
271	16	1	739	28	1	353	6	4	137	35	8	599	32	5
331	14	3	829	37	6	9.373	22	13	149	43	10	613	35	6
349	17	2				9.389	38	11	151	24	5	631	28	3
379	2	5				409	16	3	157	15	2	647	52	11
409	13	4				9.421	61	2	179	14	1	659	26	1
421	16	2				9.433	53	8	191	32	7	661	27	2
439	8	5				9.457	64	1	223	40	9	701	49	10
499	22	1				461	6	5	229	29	6	727	60	13
541	4	6				509	21	2	239	16	1	733	79	18
571	14	5				9.557	41	14	251	26	5	739	46	9
601	16	4				569	12	5	257	23	4	757	37	6
619	22	3				9.577	56	11	263	36	13	761	43	8
631	16	5				593	24	1	271	64	15	769	87	20
661	11	6				613	1	6	281	37	8	773	29	2
691	26	1				661	7	6	293	19	2	797	95	22
709	13	6				9.701	79	2	307	18	1	829	111	26
739	2	7				733	11	6	331	22	3	859	54	11
751	4	7				9.757	59	14	349	31	6	863	76	17
769	23	4				9.761	44	17	353	25	4	883	30	1
811	26	3				9.769	28	10	359	28	5	919	84	10
829	17	6				9.773	83	2	373	21	2	937	45	8
859	22	5				797	27	2	383	20	1	953	35	4
919	28	3				9.829	78	9	389	61	14	967	93	21
991	16	7				937	28	3	409	69	16	971	62	13
						9.953	88	7	421	77	18	977	73	10
						977	12	7	433	39	8			
									443	50	11			
									457	27	4			

p or $4p = t^2 \pm Du^2$, $[D = 19]$.

$t^2 + 19u^2$			$t^2 + 19u^2$			$t^2 - 19u^2$ <small>$13t > 37u$</small>		
p & $4p$	t	u	p & $4p$	t	u	p	t	u
4.5	4	1	4.403	41	3	5	9	2
4.7	3	1	4.407	43	1	17	6	1
6.11	5	1	4.79	2	5	61	40	9
6.17	7	1	4.91	4	5	73	53	12
23	2	1	4.199	39	5	101	24	5
4.43	4	3	5.03	22	1	137	21	4
4.47	13	1	6.511	25	9	149	15	2
161	15	1	1.557	47	1	157	29	6
4.73	11	3	5.71	20	3	197	84	10
4.83	16	2	1.577	3	11	229	20	3
101	5	2	1.587	7	11	233	12	28
4.131	5	5	5.93	17	4	277	31	6
1.137	23	1	1.613	39	7	313	22	3
1.139	9	5	1.617	13	11	349	68	15
1.149	11	5	6.19	12	5	353	102	23
157	9	2	1.631	15	11	389	60	13
163	12	1	1.643	49	3	397	44	9
1.191	17	5	1.647	17	11	457	94	21
197	11	2	1.653	41	7	461	180	41
4.199	25	3	1.691	35	9	541	35	6
4.229	21	5	7.01	25	2	557	24	1
4.233	1	1	7.09	5	6	577	46	9
4.239	5	7	4.719	49	5	593	78	17
4.251	23	3	4.727	37	9	613	28	3
4.263	11	7	7.33	7	6	617	54	13
271	10	3	4.739	45	7	653	27	2
4.277	33	1	4.757	27	11	701	51	10
4.283	31	3	4.761	55	1	709	185	42
4.311	35	1	4.769	51	5	733	83	18
313	3	4	4.809	5	13	757	221	51
4.347	37	1	4.821	53	5	761	75	10
4.349	35	3	4.823	9	13	769	239	57
353	7	4	8.53	13	6	809	48	8
4.359	31	5	4.859	15	13	821	39	5
367	14	3	4.881	35	11	833	32	3
4.389	25	7	4.883	51	7	881	39	1
4.397	7	9	9.19	39	1	929	177	40
419	20	1	9.29	25	4	937	159	21
4.443	29	7	1.937	47	0	997	41	6
4.457	17	9	9.47	4	7			
4.461	37	5	9.67	6	7			
			4.997	63	1			

Least Solutions of $\tau^2 - D.v^2 = \pm 1$, [$D \neq \delta^2$ and $\delta \nmid 100$].

$\tau^2 - D.v^2 = +1$								
D	τ	v	D	τ	v	D	τ	v
2	3	2	47	48	7	46	24335	3588
3	2	1	48	7	1	53	66249	9100
5	9	4	50	99	14	58	19603	2574
6	5	2	51	50	7	61	1766319049	226153480
7	8	3	52	649	90	67	48842	5067
8	3	1	54	485	66	73	2281249	267000
10	19	6	55	89	12	76	57799	6630
11	10	3	56	15	2	85	285760	30096
12	7	2	57	151	20	86	10405	1122
13	649	180	59	530	60	89	500001	53200
14	15	4	60	31	4	93	12151	1200
15	4	1	62	63	8	94	2143295	221604
17	33	8	63	8	1	97	62809633	5377352
18	17	4	65	129	16			
19	170	39	66	65	8			
20	9	2	68	33	4			
21	55	12	69	7775	936			
22	197	42	70	251	30			
23	24	5	71	3480	413			
24	5	1	72	17	2	2	1	1
26	51	10	74	3699	430	5	2	1
27	26	5	75	26	3	10	3	1
28	127	24	77	351	40	13	18	5
29	9801	1820	78	53	6	17	4	1
30	11	2	79	80	9	26	5	1
31	1520	273	80	9	1	29	70	13
32	17	3	82	163	18	37	6	1
33	23	4	83	82	9	41	32	5
34	35	6	84	55	6	50	7	1
35	6	1	87	28	3	53	182	25
37	73	12	88	197	21	58	99	13
38	37	6	90	19	2	61	29718	3805
39	25	4	91	1574	165	65	8	1
40	19	3	92	1151	120	73	1068	125
41	2049	320	95	39	4	74	43	5
42	13	2	96	49	5	82	9	1
43	3482	531	98	99	10	85	378	41
44	199	30	99	10	1	89	500	53
45	161	24				97	5604	569

$\tau^2 - D.v^2 = -1$		
D	τ	v
2	1	1
5	2	1
10	3	1
13	18	5
17	4	1
26	5	1
29	70	13
37	6	1
41	32	5
50	7	1
53	182	25
58	99	13
61	29718	3805
65	8	1
73	1068	125
74	43	5
82	9	1
85	378	41
89	500	53
97	5604	569

D	\mp	Multiple Solutions of $\tau^2 - D.v^2 = \mp 1$	
2	-	τ	1, 7, 41, 239, 1393, 8119, 47321, 275807, 1607521 ;
		v	1, 5, 29, 169, 985, 5741, 33401, 195025, 1136689 ;
2	+	τ	1, 3, 17, 99, 577, 3363, 19601, 114243, 665857, 3880899 ;
		v	0, 2, 12, 70, 408, 2378, 13860, 80782, 470832, 2744210 ;
3	+	τ	1, 2, 7, 26, 97, 362, 1351, 5042, 18817, 70226, 262087, 978122 ;
		v	0, 1, 4, 15, 50, 209, 780, 2911, 10864, 40545, 151316, 564719 ;
5	-	τ	2, 38, 682, 12238, 219602, 3940508 ;
		v	1, 17, 305, 5473, 98209, 1762289 ;
5	+	τ	1, 9, 161, 2889, 51841, 930249 ;
		v	0, 4, 72, 1292, 23184, 416020 ;
6	+	τ	1, 5, 49, 485, 4801, 47525, 470449, 4656065 ;
		v	0, 2, 20, 198, 1960, 19402, 192060, 1901198 ;
7	+	τ	1, 8, 127, 2024, 32257, 514088, 8193151 ;
		v	0, 3, 48, 765, 12192, 194307, 3090720 ;
8	+	τ	1, 3, 17, 99, 577, 3363, 19601, 114243, 665857, 3880899 ;
		v	0, 1, 6, 35, 204, 1189, 6030, 40301, 235416, 1372105 ;
10	-	τ	3, 117, 4443, 168717, 6406803 ;
		v	1, 37, 1405, 53353, 2026009 ;
10	+	τ	1, 19, 721, 27379, 1039681 ;
		v	0, 6, 228, 8658, 328776 ;
11	+	τ	1, 10, 199, 3970, 79201, 1580050 ;
		v	0, 3, 60, 1197, 23880, 476403 ;
12	+	τ	1, 7, 97, 1351, 18817, 262087 ;
		v	0, 2, 28, 390, 5432, 75658 ;
13	-	τ	18, 23382, 30349818 ;
		v	5, 6485, 8417525 ;
13	+	τ	1, 649, 842401 ;
		v	0, 180, 233640 ;
14	+	τ	1, 15, 449, 13455, 403201, 12082575 ;
		v	0, 4, 120, 3596, 107760, 3229204 ;
15	+	τ	1, 4, 31, 244, 1921, 15124, 119071, 937444 ;
		v	0, 1, 8, 63, 496, 3905, 30744, 242047 ;
17	-	τ	4, 268, 17684, 1166876 ;
		v	1, 65, 4289, 283009 ;
17	+	τ	1, 33, 2177, 143649, 9478657 ;
		v	0, 8, 528, 34840, 2208912 ;
18	+	τ	1, 17, 577, 19601, 665857 ;
		v	0, 4, 136, 4620, 156944 ;
19	+	τ	1, 170, 57799, 19651490 ;
		v	0, 39, 13260, 4508361 ;
20	+	τ	1, 9, 161, 2889, 51841, 930249 ;
		v	0, 2, 36, 646, 11592, 208010 ;

Least (odd) Solutions (τ, v) of

$\tau^2 - Dv^2 = +2$, $[D = 8\delta - 1]$; $= -2$, $[D = 8\delta + 3]$; $D \geq 500$.

D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp
3	1	1	-	121	11	1	-	241	17	1	-	151	41574	3383	+
7	3	1	+	127	2175	193	+	317	1196	537	-	199	127539	9041	+
11	3	1	-	131	193	9	-	311	1196	533	+	211	527593	36321	+
19	3	3	-	139	8867	747	-	319	313	17	-	271	349551	26687	+
23	5	1	+	141	8604	697	-	347	891	43	-	283	11759	699	-
27	5	1	-	167	13	1	+	359	19	1	+	311	52778687	2900970	-
31	39	7	+	171	13	1	-	363	19	1	-	343	11427	617	+
43	59	9	-	173	47	153	+	383	137	7	+	367	137913	7199	+
47	7	1	+	187	41	3	-	487	59	3	-	379	113759383	5843427	-
51	7	1	-	191	29	217	+	391	2709	137	+	419	10437	803	-
59	23	3	-	223	15	1	+	411	223	11	-	431	12311	593	+
67	23	27	-	227	15	1	-	439	21	1	+	463	15732537	731153	+
71	59	7	+	239	239	161	+	443	21	1	-	487	7204587	329471	+
79	9	1	+	243	295	17	-	451	6817	321	-	491	305987	13809	-
83	9	1	-	251	1917	121	+	459	707	33	-				
103	477	47	+	263	373	23	+	467	1275	59	+				
107	31	3	-	267	49	3	-	479	1729	79	+				
119	11	1	+	287	17	1	+	499	67	3	-				

$\tau^2 - Dv^2 = \pm 2$, $[D = 16\delta + 2]$; $= -2$, $[D = 16\delta + 6]$; $= +2$, $[D = 16\delta - 2]$.

D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp
2	0	1	-	114	32	3	-	258	16	1	-	166	41242	3201	-
6	2	1	-	118	554	51	-	278	50	3	-	214	833882	57003	-
14	4	1	+	134	382	33	-	302	2068	119	+	262	10246	633	-
18	4	1	-	142	12	1	+	322	18	1	+	334	7987704	437071	+
22	14	3	-	146	12	1	-	326	18	1	-	358	420214	22209	-
34	9	1	+	158	88	7	+	354	508	27	+	382	406200	20783	+
38	9	1	-	162	140	11	-	374	58	3	-	446	10496	497	+
46	156	23	+	178	40	3	-	386	334	17	+	454	130061678	610497	+
54	22	3	-	194	14	1	+	398	20	1	+	466	30632	1419	-
62	8	1	+	198	14	1	-	402	20	1	-	478	40215912	1839433	+
66	8	1	-	206	244	17	+	418	184	9	-				
86	102	11	-	238	108	7	+	422	2650	129	-				
94	404	151	+	242	140	9	-	482	22	1	+				
98	10	1	+	246	298	19	-	486	22	1	-				
102	10	1	-	254	16	1	+	498	424	19	-				

Least (odd) Solutions (τ, v) of $\tau^2 - Dv^2 = \pm 4$; $[D = 8\delta + 5, \delta \geq 1000]$.
 [* Both \pm solutions exist when D is marked *.]

D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp	D	τ	v	\mp
*5	1	1	-	*445	21	1	-	301	22745	1311	+
*13	3	1	-	453	149	7	+	*421	444939	21685	-
21	5	1	+	*461	305	17	-	501	28225	1261	+
*29	5	1	-	469	65	3	+	*517	10573	495	+
45	7	1	+	477	2509	119	+	*541	1396425	60037	-
*53	7	1	-	*493	111	5	-	589	4359377	179625	+
*61	39	5	-	*509	925	41	-	*613	98763	3989	-
69	25	3	+	525	23	1	+	637	14159	561	+
77	9	1	+	*533	23	1	-	*661	1789539	69605	-
*85	9	1	-	*549	1523	65	+	669	305285	11803	+
93	29	3	+	*565	309	13	-	749	12945	473	+
*109	261	25	-	581	6725	279	+	789	31825	1133	+
117	11	1	+	597	9719	399	+	*821	16189	595	-
*125	11	1	-	605	123	5	+	*853	27483	941	-
133	173	15	+	621	25	1	+	869	49377	1975	+
*149	61	5	-	*629	25	1	-	*949	32685	1061	-
*157	213	17	-	645	127	5	+	981	68123	2175	+
165	13	1	+	*653	1661	65	-	989	103245	3283	+
*173	13	1	-	*685	759	29	-				
*181	1395	97	-	693	79	3	+				
205	43	3	+	717	241	9	+				
213	73	5	+	725	27	1	+				
221	15	1	+	*733	27	1	-				
*229	15	1	-	741	245	9	+				
237	77	5	+	765	83	3	+				
245	47	3	+	*773	139	5	-				
253	1861	117	+	*797	307	13	-				
261	727	45	+	805	1447	51	+				
*277	2613	157	-	837	29	1	+				
285	17	1	+	*845	29	1	-				
*293	17	1	-	861	1027	35	+				
309	5045	287	+	893	2304	77	+				
*317	89	5	-	917	1181	39	+				
341	277	15	+	*941	1135	37	-				
357	19	1	+	957	31	1	+				
*365	19	1	-	*965	31	1	-				
*397	3447	173	-								
413	61	3	+								
429	145	7	+								
437	21	1	+								

No (odd) solutions (τ, v) of $\tau^2 - Dv^2 = \pm 4$, $D = 8\delta + 5, \delta \geq 1000$.

37	405	877	1173
101	485	885	1213
141	557	901	1239
189	573	909	1293
197	677	925	1301
269	701	933	1325
325	709	973	1389
333	757	997	1405
349	781	1053	1421
373	813	1119	1445
381	829	1157	1485
389			

Least (odd) Solutions (τ, ν) of $\tau^2 - D\nu^2 = \pm 8$ and ± 16 , [$D = 8\delta + 1, \delta \geq 500$].

[* Both \pm solutions exist when D is marked *.]

D	$\tau^2 - D\nu^2 = \pm 8$		$\tau^2 - D\nu^2 = \pm 16$		D	$\tau^2 - D\nu^2 = \pm 8$		$\tau^2 - D\nu^2 = \pm 16$			
	τ	ν	\pm	τ		ν	\pm	τ	ν	\pm	
1	3	1	+	0	1	*241	6101, 393	-	15,	1	-
9	1	1	-	5	1	249	931, 59	-	79,	5	+
*17	3	1	-	1	1	*265	49,	3	+
25	3	1	273	17,	1	+
33	5	1	-	7	1	*281	17, 1	+	285,	17	+
*41	7	1	+	5	1	297	17, 1	-	293,	17	+
57	7	1	-	53	7	305	17,	1	-
*65	7	1	*313	53, 3	-	2813,	159	+
*73	9	1	+	77	9	329	127, 7	+	1179,	65	+
*89	9	1	-	47	5	*337	55, 3	-	3029,	165	+
*97	69	7	+	9	1	347	19,	1	+
105	11	1	*353	19, 1	+	357,	19	+
*113	11	1	+	53	5	369	19, 1	-	305,	19	+
129	11	1	-	125	11	377	19,	1	-
*137	35	3	-	11	1	385	59,	3	+
153	37	3	+	13	1	393	337, 17	-	3271,	165	+
161	13	1	+	165	13	*409	4429, 219	-	45045,	2257	-
177	13	1	-	173	13	417	2185, 107	-	143,	7	+
*185	13	1	*425	21,	1	+
*193	125	9	-	903	65	*433	21, 1	+	437,	21	+
201	241	17	-	71	5	*449	21, 1	-	445,	21	+
209	159	11	-	15	1	*457	149365, 6987	-	21,	1	-
217	15	1	+	221	15	465	151,	7	+
*233	15	1	-	229	15	*481	329,	15	+
						489	199, 9	-	39605,	1791	+
						497	379, 17	+	67,	3	+

No (odd) Solutions of $\tau^2 - D\nu^2 = +16$, [$D = 8\delta + 1, \delta \geq 1500$].

- D = 25, 49, 81, 121, 145, 169, 225, 257, 289, 305, 321, 361, 377, 401, 441, 473, 595, 529, 545, 577, 625, 689, 697, 729, 745, 791, 777, 785, 793, 817, 841, 897, 905, 961, 985, 993, 1009, 1025, 1089, 1129, 1145, 1225, 1257, 1297, 1305, 1313, 1345, 1369, 1393, 1425, 1489.

Printed by C. F. Hodgson & Son, 2 Newton Street, High Holborn, London, W.C.

APPENDIX.

CORRIGENDA ON TABLES USED IN THIS WORK.

1. J. H. LAMBERT'S *Zusätze zu den logavn. und trigon. Tabellen*, &c., Berlin, 1770.—Tab. VI., pages 73-117, styled *Numeri Primi*, gives a List of Primes up to $p \geq 102,000$. Errata below:

Page	Col.	For	Read	Page	Col.	For	Read
75	2	3381	3581	105	1	72529	70529
81	5	16587	16567	105	6	70467	72467
87	1	22541	28541	106	1	72373	72973
88	5	30083	32083	109	4	81347	81547
89	5	34587	34587	109	5	81837	81937
91	6	36551	39551				

2. P. BARLOW'S *New Mathematical Tables*, London, 1814.—Tab. I., pages 1-167, gives the factorisation of all Numbers up to 10000 into their Prime Factors. [For reference to Errata List, see No. 2 below.]

Tab. V., pages 194-209, of *Prime Numbers* gives a List of Primes up to $p \geq 100104$ in columns containing 60 Primes each. Errata as below:

Page	Col.	For	Read	Page	Col.	For	Read
194	10	7253	4253	201	9	46650	45650
198	7	25441	25471	205	10	43251	72251

3. FR. SCHALLER'S *Primzahlen-Tafel*, von 1 bis 10000, oder Zerlegung aller Zahlen von 1 bis 10000 in ihre Factoren, Weimar, 1855.

4. B. GOLDBERG'S *Primzahlen- und Factoren-Tafel*, von 1 bis 251617, Leipzig, 1862.

2, 3, 4. Errata.—For full List of Errata found in Barlow's, Schaller's, and Goldberg's Factor-Tables, see the present Author's Paper on *Errata in Factor-Tables*, in *Mess. of Math.*, Vol. 34, 1904.

5. C. G. J. JACOBI'S *Mathematische Werke*, Berlin, 1846, Bd. I., pages 326-331. [Art. 23i. above.]

[The references given below will suffice to fix the position of Errata: the Corrigenda can be taken from the present work.]

Erratum.	Table of $p = a^2 + 17$.	Table of $p = A^2 + 3B^2$.
p omitted:	197, 2713, 6997, 11173;	883, 6427, 11311
p misprinted:	2357, 3253, 3469, 3529, 5693;	3631, 6433
2-ic parts wrong:	a, b of 5261, 8609;	A, B of 6181